


Séminaire
Des « arts de penser » les mathématiques :
Introduction et études de cas en ethnomathématique
Drs E. Vandendriessche, S. Desrosiers & M. Chemillier (org.)
EHESS, Campus Condorcet, Aubervilliers
13 mai 2024

Cérébralisation de la cinématique et du nombre : objections

laurent.goffart@cnrs.fr

diaporama accessible sur
<https://cv.hal.science/laurent-goffart>

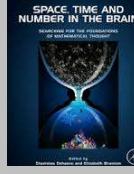


Confusion dans les neurosciences cognitives

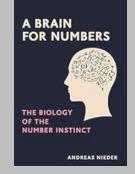
Au cours des dernières décennies, une confusion s'est installée dans les neurosciences cognitives entre

- les **mesures** quantitatives (valeurs numériques et transformations),
- les **processus physiologiques** qui engendrent le phénomène mesuré et
- certaines notions générales appartenant à notre langage (**concepts**).

L'association de ces notions générales aux mesures ont conduit des auteurs à imaginer dans le cerveau un **codage** de l'espace, du temps, des nombres, de la durée d'un mouvement, de sa vitesse, de son accélération, de la géométrie et de l'arithmétique.



2011



2019

letters to nature

2000



Full text provided by www.sciencedirect.com



2007

2004



Le paradigme de la motricité oculaire

Dans l'étude des processus cérébraux mobilisés lors des mouvements d'orientation du regard vers une cible visuelle, certains auteurs ont proposé que les paramètres cinématiques seraient « codés » dans l'activité des cellules neuronales. Pendant qu'ils émettent des potentiels d'action, les neurones « parleraient une langue » traduisible avec les notions de la mécanique classique.

Pourtant, les mouvements étudiés (rotation des globes oculaires et de la tête) sont la mesure de leur changement d'orientation physique, lequel est provoqué par un changement de contraction des muscles (extra-oculaires et nucaux), changement musculaire qui lui-même est sous le contrôle de plusieurs groupes de neurones à l'origine des nerfs moteurs, lesquels neurones moteurs sont influencés par de multiples processus parallèles dans le cerveau.

Une mise en correspondance est faite entre la série totalement ordonnée des valeurs numériques (mesures de position) et une structure radicalement différente : une structure **diffluente** puis **confluente**, dont les éléments sont spatialement distribués et dont les activités se chevauchent temporellement.

Entre les nerfs optiques et les nerfs moteurs

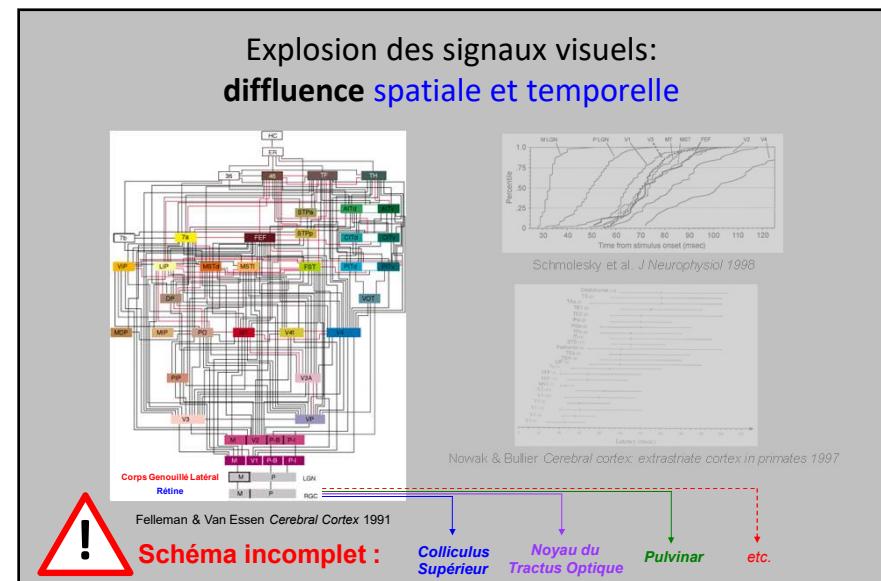
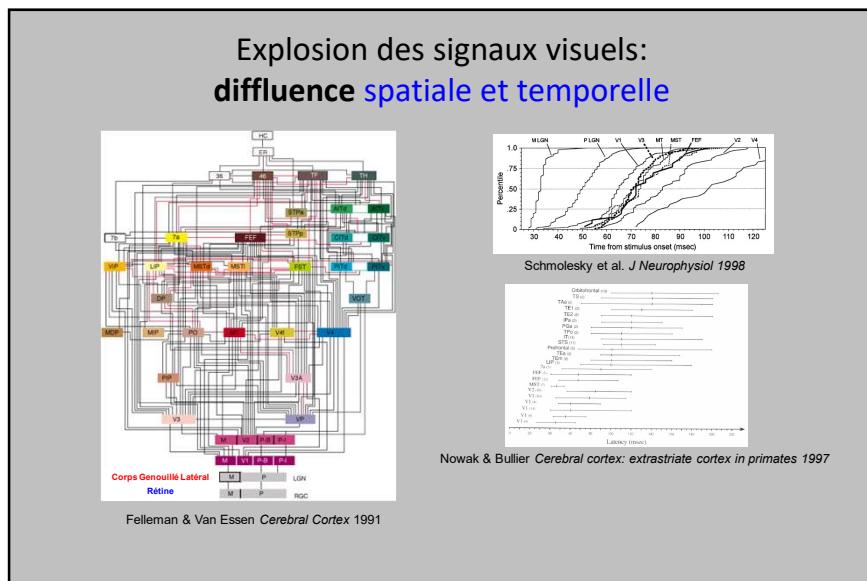
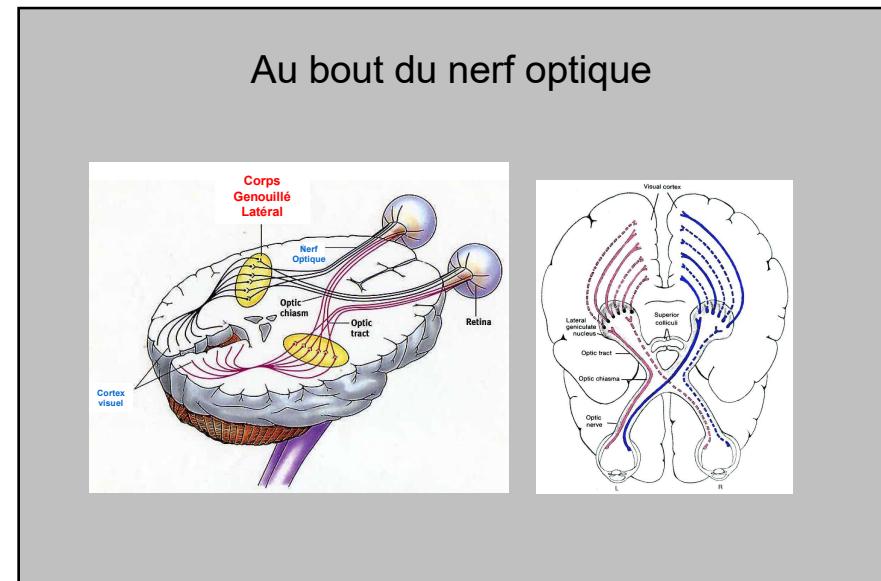
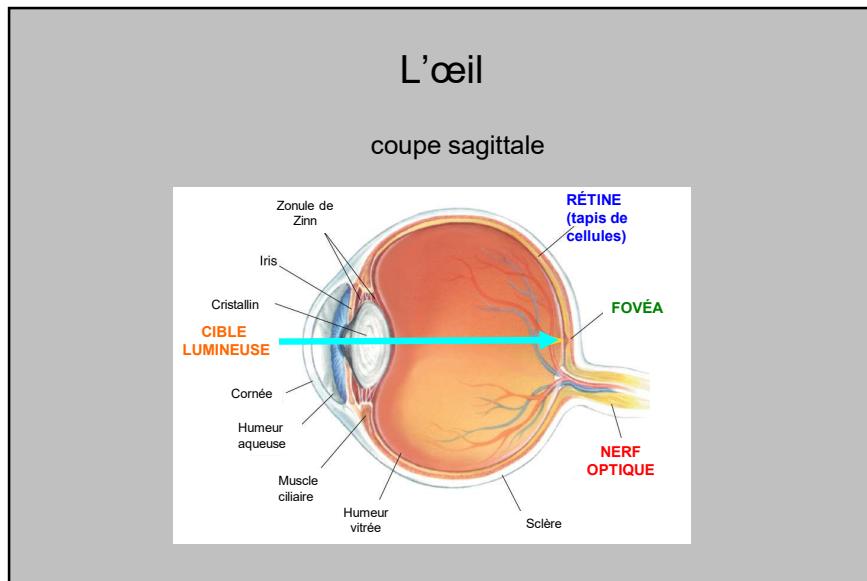
Cas d'un spot lumineux dans le champ visuel

Aux extrémités des deux nerfs optiques, une excitation rétinienne ponctuelle déclenche des flux d'activité qui, dans le cerveau, se manifestent comme une sorte d'**explosion arborescente (diffuence)**. L'activité se propage, distribuée dans de multiples foyers et plus ou moins persistante.

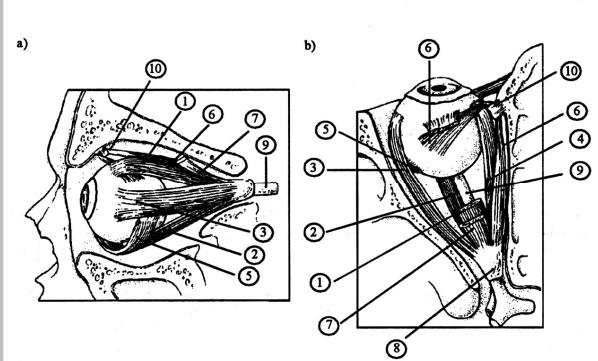
A mesure que l'activité se propage et rejoint les groupes de cellules à l'origine des nerfs moteurs (innervation des muscles extra-oculaires et nucaux), cette **explosion** se transforme en une sorte de **compression (confluence)** dont :

- la durée va déterminer la durée du mouvement et
- le recrutement de nouveaux groupes neuro-musculaires son ampleur : $\Delta(\text{yeux+ tête}) > \Delta(\text{yeux})$.

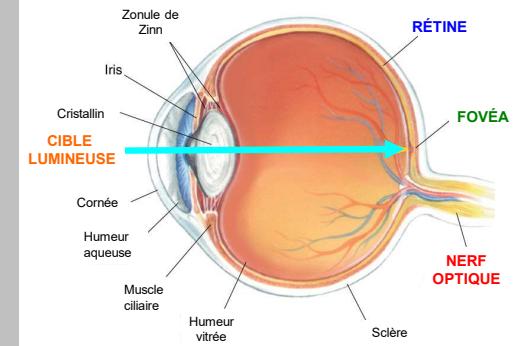
Alors que la trajectoire d'un corps **rigide** (œil ou objet) dans le monde physique peut être mathématiquement décrite comme une courbe sans épaisseur, son corrélat cérébral est spatiallement et temporellement différent : il est **épais, expansif et élastique**.



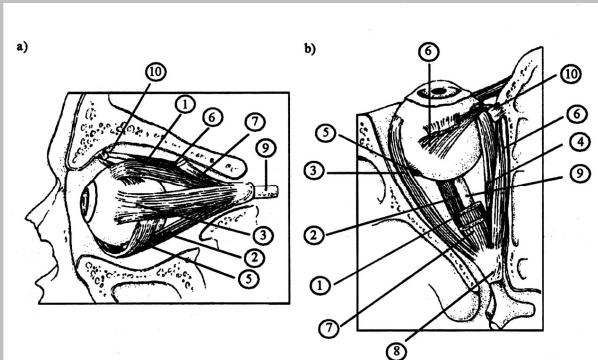
L'œil n'est pas seulement une rétine



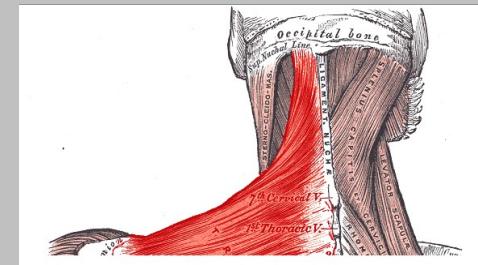
Projection de la cible sur la fovéa (fovération)

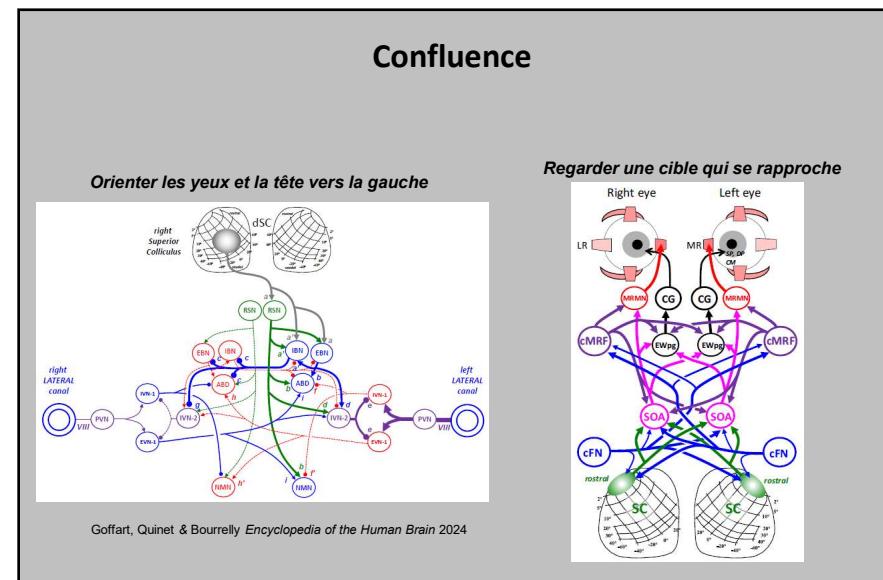
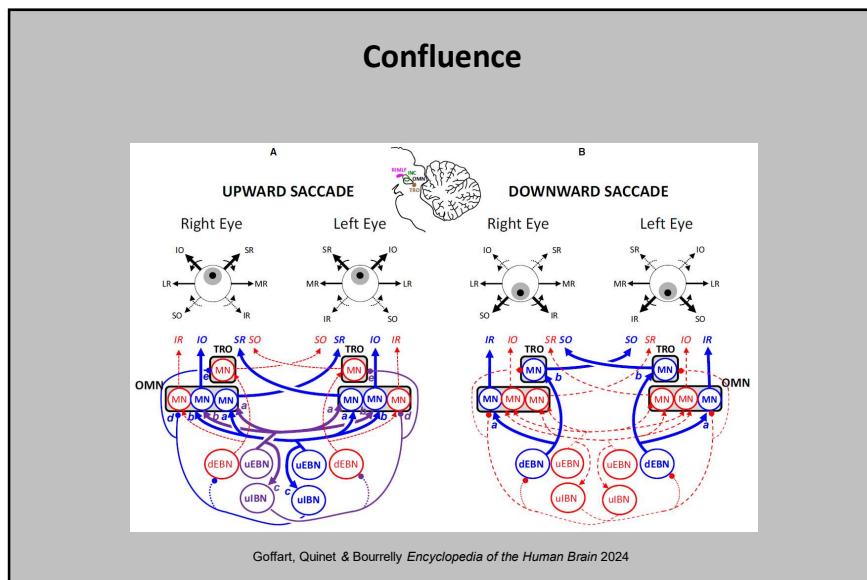
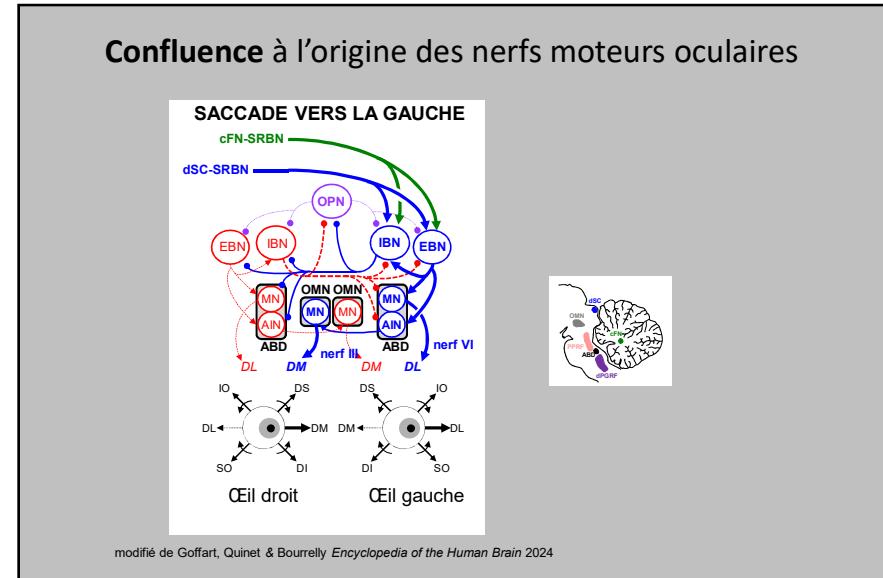
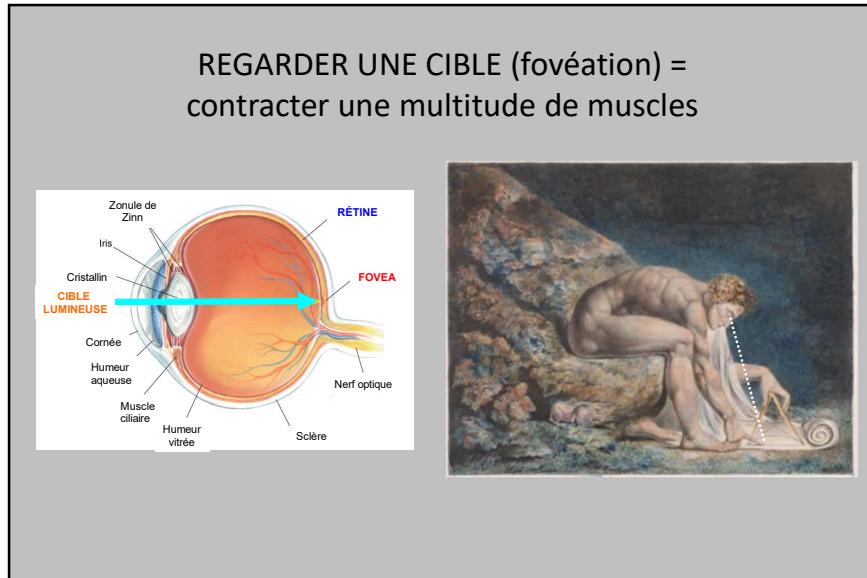


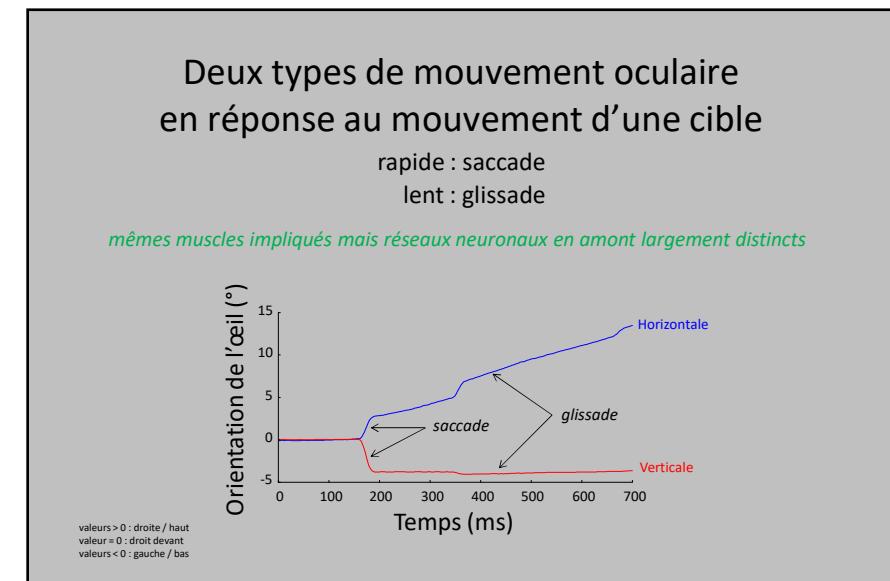
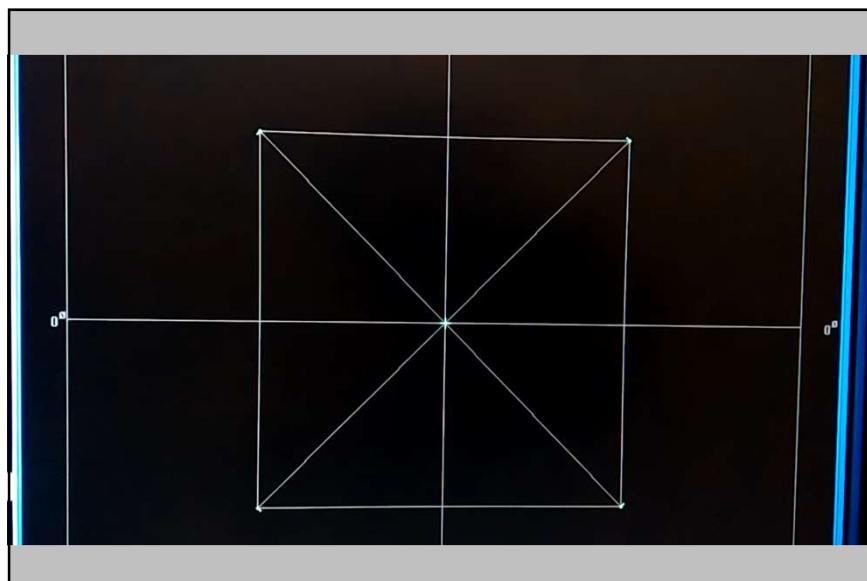
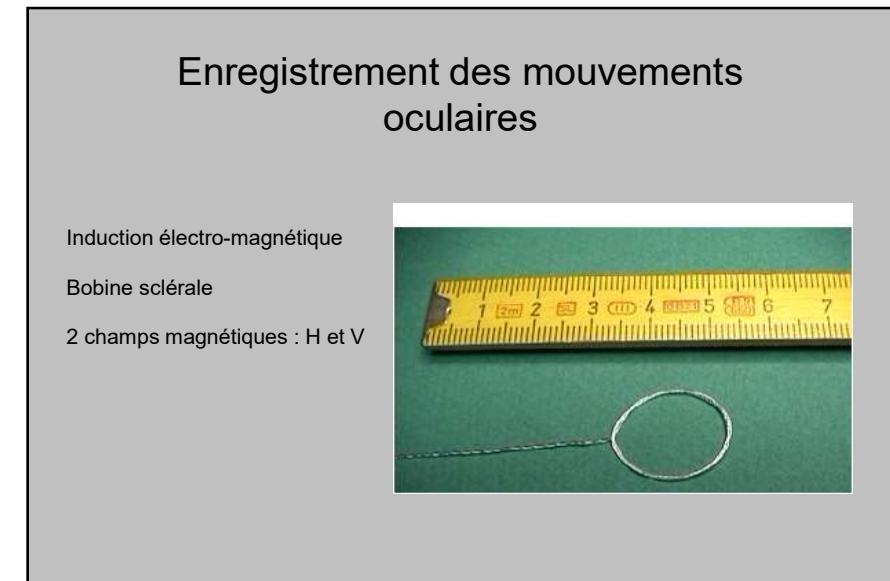
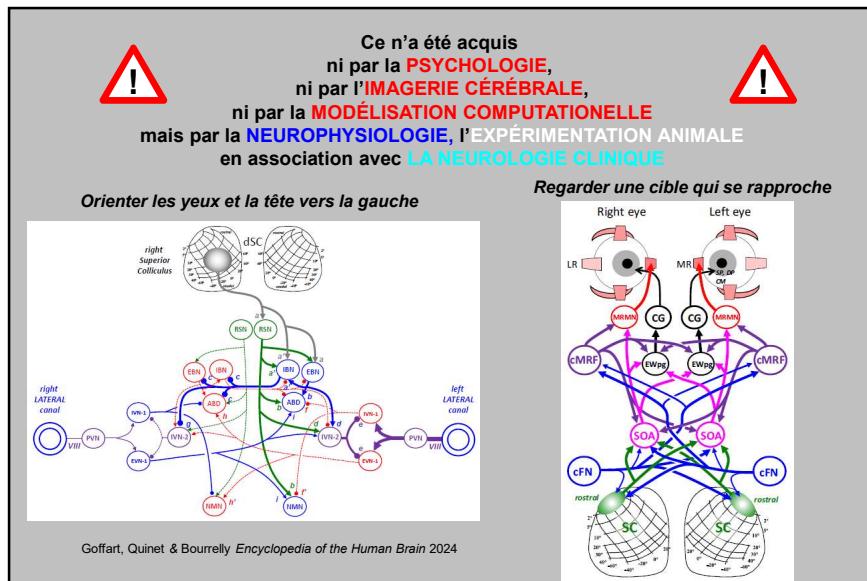
Projection de la cible sur la fovéa (fovération)
SI & SSI contraction appropriée des muscles extraoculaires
 (direction du regard)



Projection de la cible sur la fovéa (fovération)
SI & SSI contraction appropriée des muscles nucaux
 (direction de la tête)



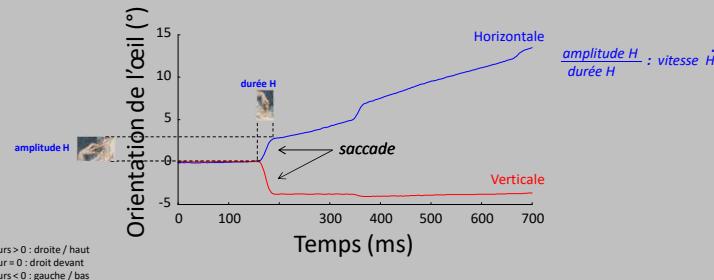




Deux types de mouvement oculaire en réponse au mouvement d'une cible

rapide : saccade

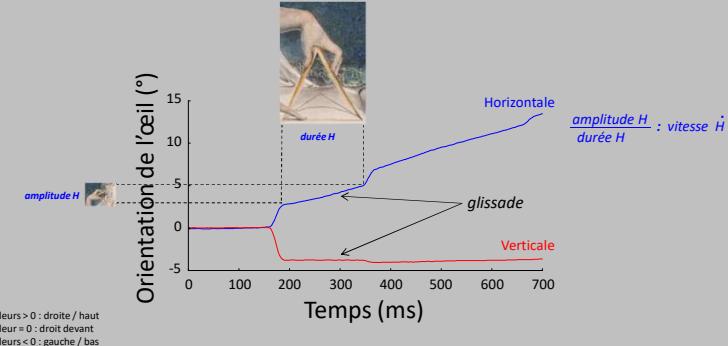
lent : glissade



Deux types de mouvement oculaire en réponse au mouvement d'une cible

rapide : saccade

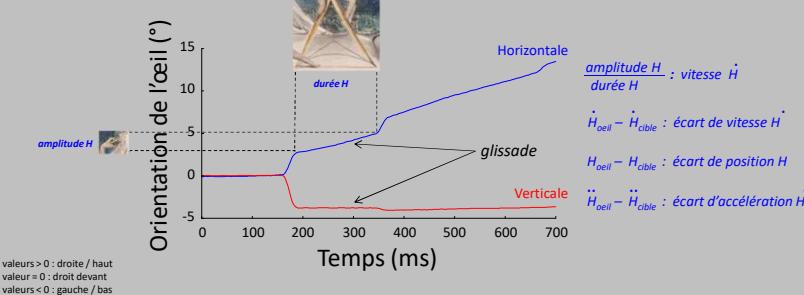
lent : glissade



Deux types de mouvement oculaire en réponse au mouvement d'une cible

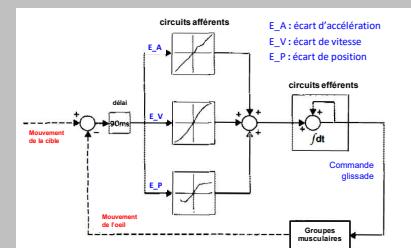
rapide : saccade

lent : glissade



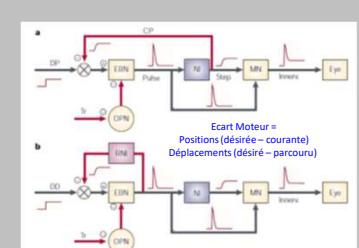
Grandeurs cinétiques et arithmétique dans le cerveau ?

CIRCUIT GLISSEADE



Lisberger, Morris & Tychsen Annual Review of Neuroscience 1987

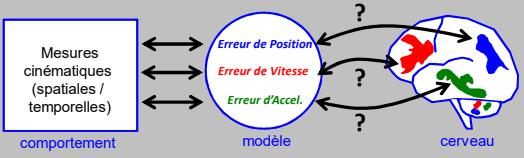
CIRCUIT SACCADE



Sparks Nature Neuroscience Reviews 2002

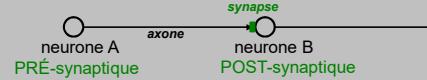
 Grandeur cinétiques et arithmétique dans le cerveau?

**ISOMORPHISME CERVEAU - MODÈLE
REMIS EN QUESTION**

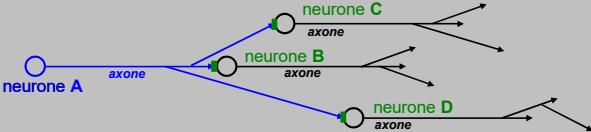


Mesurer et modéliser le mouvement du globe oculaire (corps rigide) avec des notions cinétiques **n'implique pas** nécessairement une équivalence dans le cerveau, à savoir que l'activité des neurones "code" (c'est-à-dire qu'ils **émettent des signaux correspondant à**) l'amplitude, la vitesse ou l'accélération du mouvement de l'œil, et leur différence avec celles de la cible.

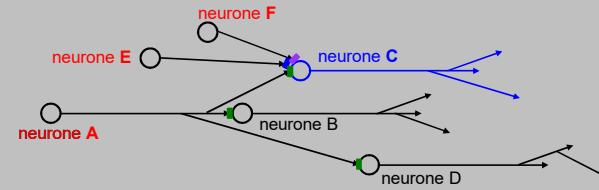
La synapse

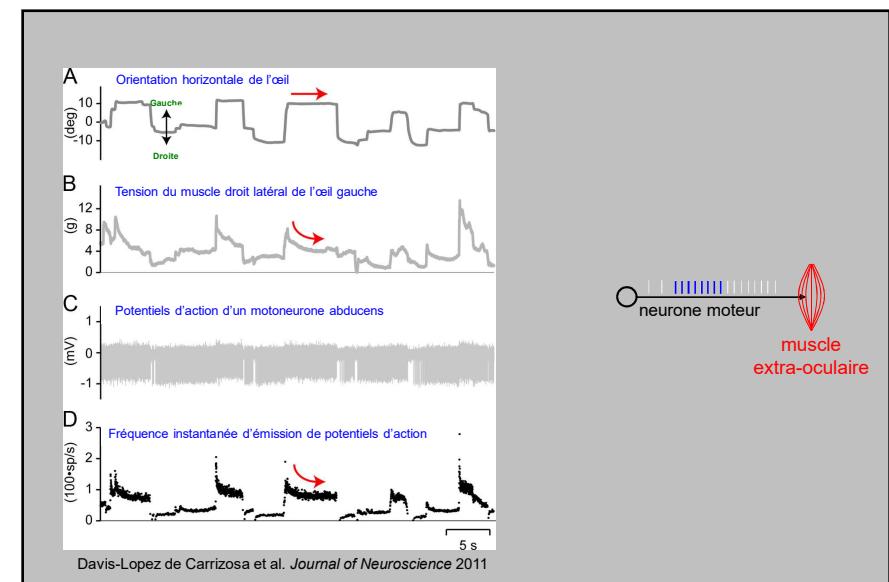
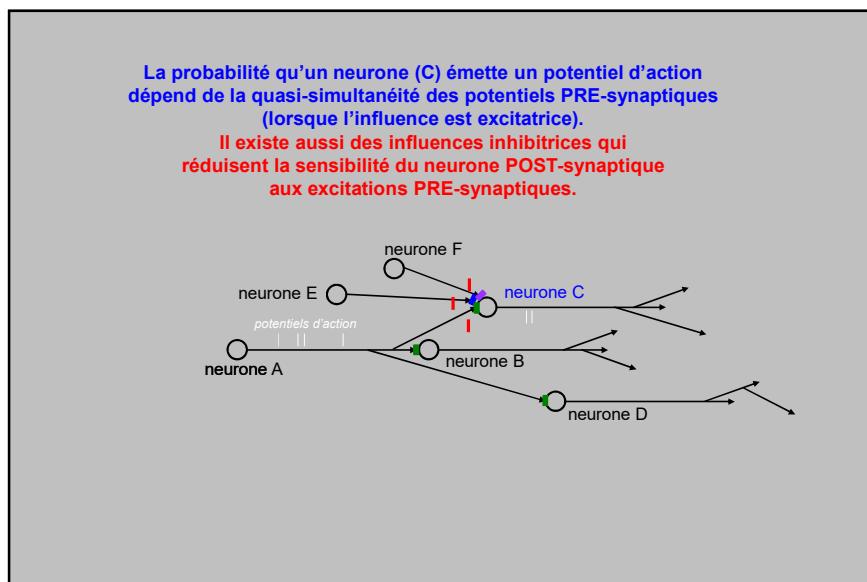
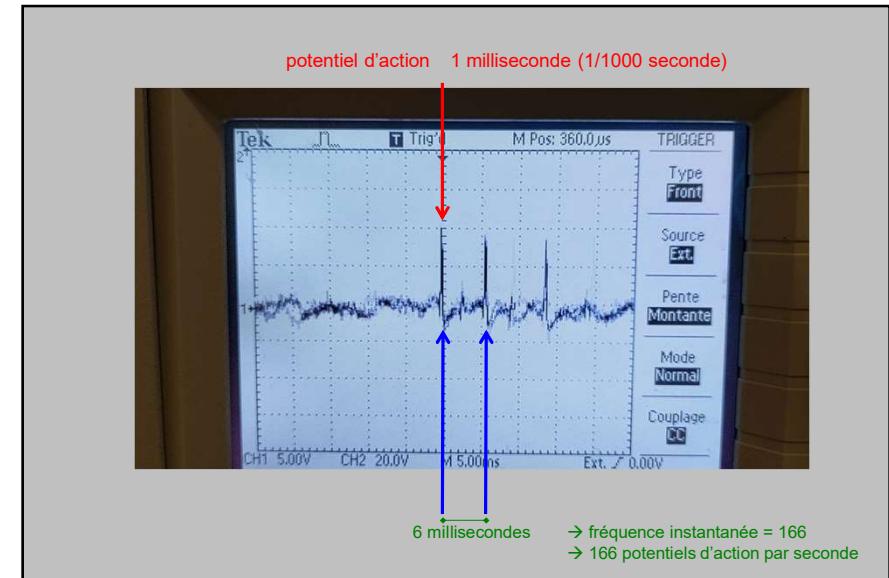
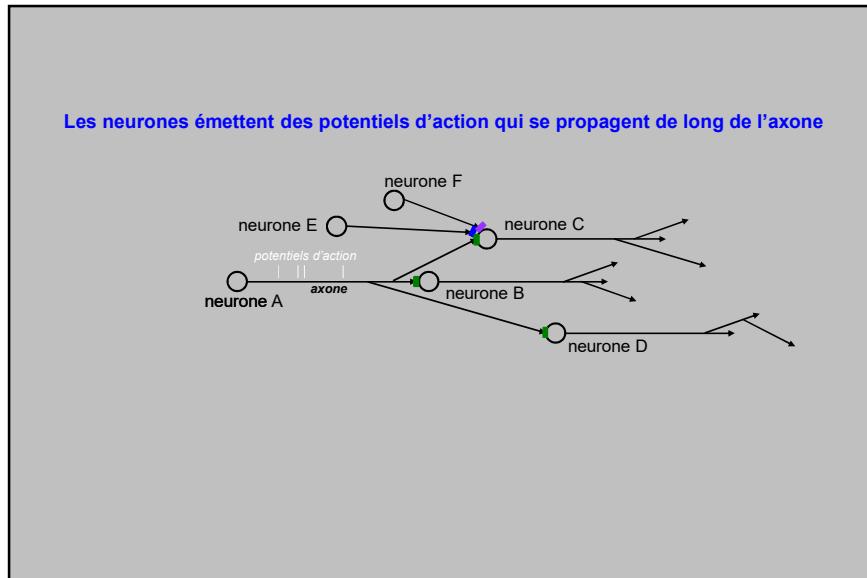


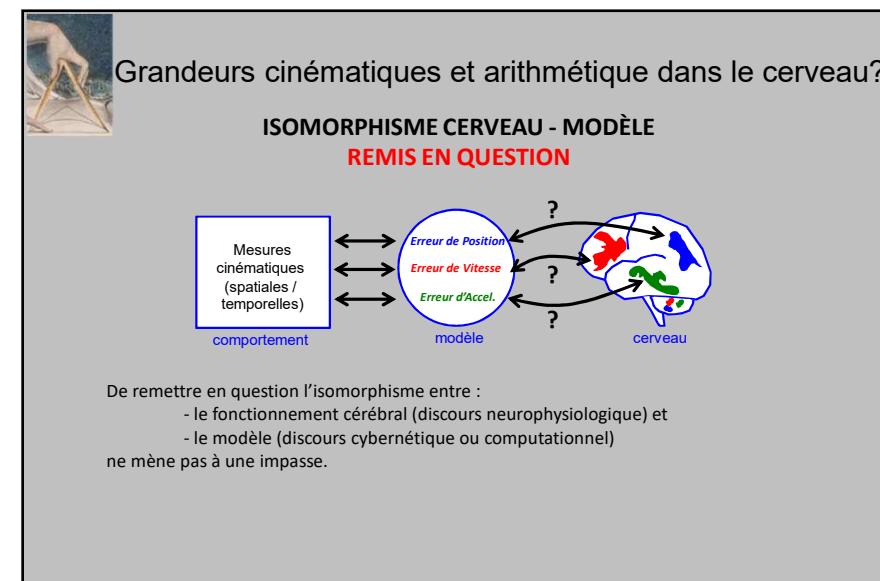
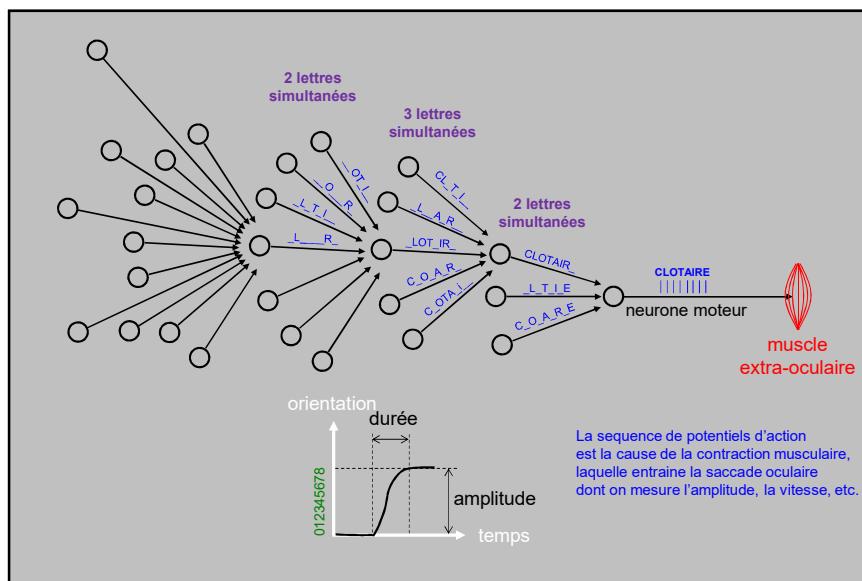
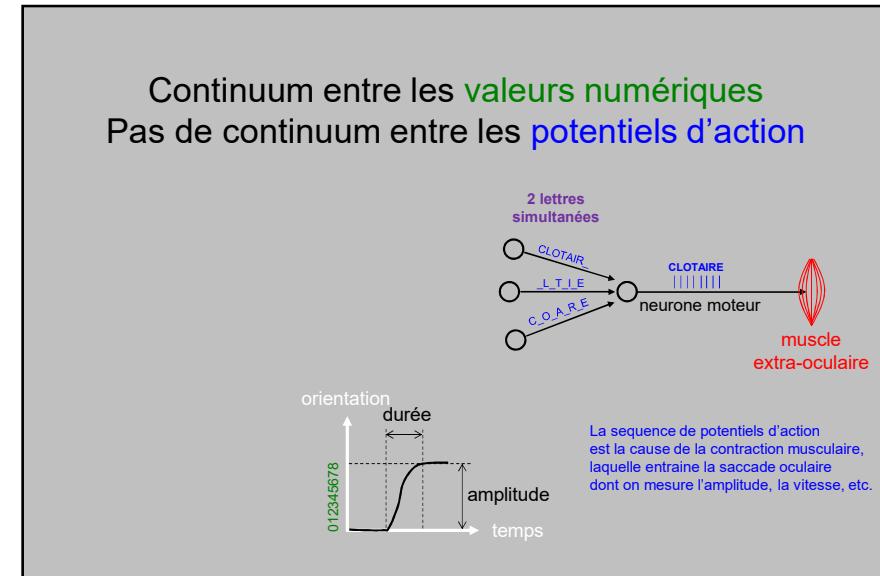
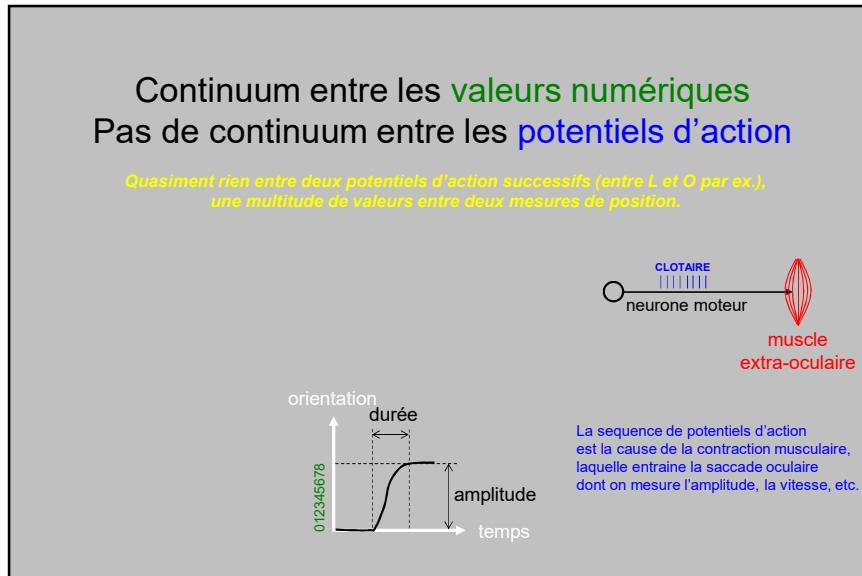
Chaque neurone (A) contacte plusieurs neurones POST-synaptiques (B, C et D)

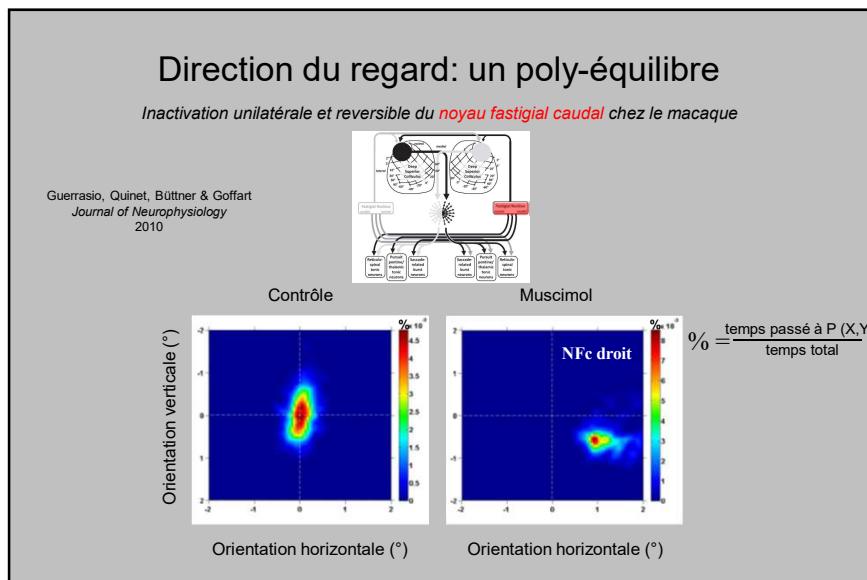
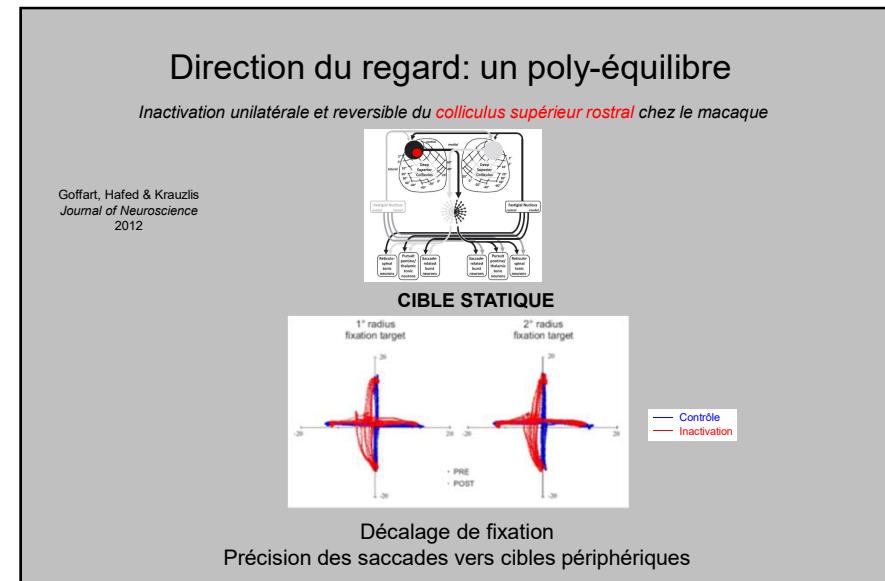
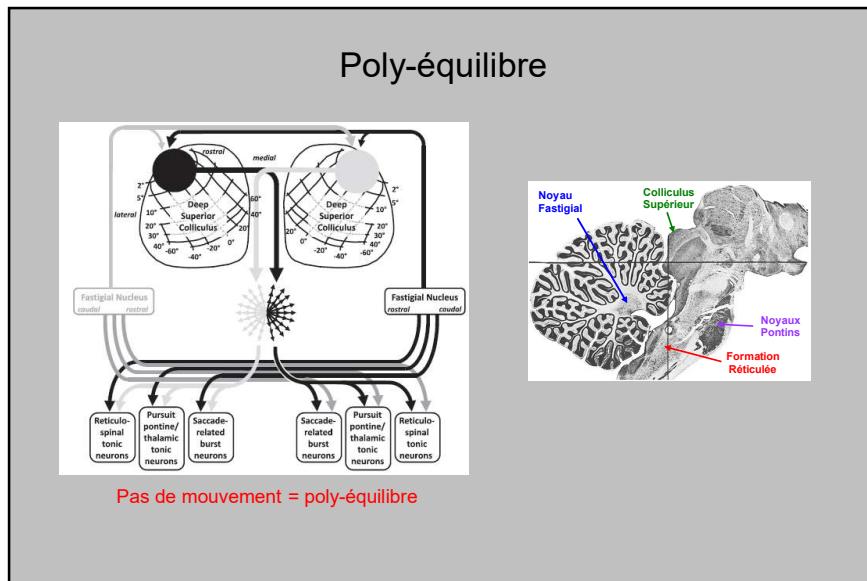


Chaque neurone (C) est contacté par plusieurs neurones PRÉ-synaptiques (A, E et F)









Poly-équilibres et restauration

Pas de mouvement = poly-équilibres
Mouvement = restauration du poly-équilibre

Cerveau et mathématiques

Alain Berthoz (2005):
"Les mathématiques sont l'expression de lois et de mécanismes qui sont en opération dans le cerveau" ... "un langage du cerveau sur le cerveau lui-même, c'est-à-dire, puisque le cerveau fait partie du monde physique, [un langage] sur l'Univers et ses lois."

Jean-Pierre Changeux (1989):
"Les mathématiques sont dans le cerveau du mathématicien, en particulier dans sa mémoire à long terme."

Stanislas Dehaene (2010):
"Les nombres, comme tous les objets mathématiques, sont des constructions mentales dont les racines plongent ... dans l'adaptation du cerveau humain aux régularités de l'univers."

Stanislas Dehaene (2012):
"Tous les cerveaux humains reçoivent en partage, dès la naissance, des représentations mentales sophistiquées, indépendantes du langage que l'on peut qualifier de «proto-mathématiques». Au cours de son évolution, notre cerveau a été doté de représentations élémentaires de l'espace, du temps et du nombre, que nous partageons avec de nombreuses autres espèces animales, et qui sont au fondement de nos intuitions mathématiques."

Thèse de l'épistémologie évolutionniste

Franz Wuketits (1984):
"Par un processus d'adaptation, les systèmes vivants accumulent de plus en plus d'informations sur leur environnement et représentent ainsi la structure de l'environnement dans lequel ils vivent; meilleure est la représentation de l'environnement, meilleures sont les chances de survie."

Il y a "une relation isomorphe entre les motifs de la nature les motifs de la cognition."

Konrad Lorenz (1941):
"Considérée comme une hypothèse de travail ou comme un organe fonctionnel, la forme de pensée de quantification numérique est et reste l'un des appareils les plus miraculeux que la nature ait jamais créés."

Herbert Spencer (1872):
"Les rapports d'espace ont été les mêmes, non seulement pour tous les hommes, pour tous les primates et tous les ordres de mammifères dont nous descendons, mais aussi pour tous les ordres d'êtres moins élevés. Ces rapports d'espace constants sont exprimés dans des structures nerveuses définies, congénitalement constituées pour agir d'une manière déterminée, et incapables d'agir d'une manière différente."

Cerveau et mathématiques

Alain Berthoz (2005):
"Les mathématiques sont l'expression de lois et de mécanismes qui sont en opération dans le cerveau" ... "un langage du cerveau sur le cerveau lui-même, c'est-à-dire, puisque le cerveau fait partie du monde physique, [un langage] sur l'Univers et ses lois."

Jean-Pierre Changeux (1989):
"Les mathématiques sont dans le cerveau du mathématicien, en particulier dans sa mémoire à long terme."

Stanislas Dehaene (2010):
"Les nombres, comme tous les objets mathématiques, sont des constructions mentales dont les racines plongent ... dans l'adaptation du cerveau humain aux régularités de l'univers."

Helen De Cruz (2006):
"La philosophie des mathématiques n'a pas accordé beaucoup d'attention au contexte biologique des mathématiques, même s'il va de soi que les mathématiciens sont des organismes biologiques et qu'ils produisent des théories et des pratiques mathématiques avec leur cerveau."

Stanislas Dehaene (2012):
"Tous les cerveaux humains reçoivent en partage, dès la naissance, des représentations mentales sophistiquées, indépendantes du langage que l'on peut qualifier de «proto-mathématiques». Au cours de son évolution, notre cerveau a été doté de représentations élémentaires de l'espace, du temps et du nombre, que nous partageons avec de nombreuses autres espèces animales, et qui sont au fondement de nos intuitions mathématiques."

Culture et mathématiques

En réduisant l'esprit au cerveau, le développement intellectuel à la "maturité" cérébrale, beaucoup auteurs ont confondu le fonctionnement cérébral d'un individu et l'évolution historique et collective d'un discours scientifique mémorisé dans des livres (stockés dans des bibliothèques) et obéissant à une logique booléenne. Rien ne nous autorise à imaginer que le fonctionnement cérébral soit soumis à de pareilles contraintes.

Fernand Doridot & Marco Panza 2004b
 "les hommes [et les femmes] qui ... parviennent à constituer des objets abstraits, et constituent de ce fait des théories mathématiques, sont ... des hommes [et des femmes] au pluriel, des hommes [et des femmes] concrets agissant dans des conditions historiquement déterminées, et non pas des sortes d'excroissances d'un «sujet cognitif»."

Fernand Doridot & Marco Panza 2004a
 "La constitution d'une théorie mathématique est un fait historique ... elle est l'affaire de quelques mathématiciens travaillant en conditions déterminées plutôt que la réalisation d'un processus cognitif propre à l'espèce. Et si ..., il en est ainsi, alors seule l'histoire peut rendre compte de cette constitution et l'expliquer ... La constitution d'une théorie mathématique nous semble difficilement concevable autrement que comme un processus historique, tout au moins historiquement situé et déterminé"

Sylvain Auroux (1998)
 Des structures cognitives sont externes à l'individu. Elles "dépendent d'instruments externes (livres, bibliothèques, instruments de calcul et d'observation, etc.) ainsi que de structures sociales de productions et de cumulation des connaissances (encyclopédies, sociétés savantes etc.) ... la connaissance est un processus tout à la fois matériel, social et collectif, jamais limité, enfermé, préservé ou produit par des compétences individuelles qui n'en concernent que des moments et des fragments"

Trends in Cognitive Sciences 2021
 Review: The Evolutionary History of Brains for Numbers
 Andreas Nieder^{1,*}

Trends in Cognitive Sciences 2021
 Review: The Adaptive Value of Numerical Competence
 Andreas Nieder^{1,*}

Trends in Ecology and Evolution 2020
 Letter: Evolution of cognitive and neural solutions enabling numerosity judgements: lessons from primates and corvids
 Andreas Nieder

Philosophical Trans/ Royal Soc. 2017
 Trends in Cognitive Sciences 2017
 Trends in Cognitive Sciences 2017
 Representation of Number in the Brain
 Andreas Nieder¹ and Stanislas Dehaene²
 Annual Review Neuroscience 2009
 PNAS 2004

PNAS 2004

Journal of Experimental Biology 2021
 Available online at www.sciencedirect.com
 ScienceDirect
 Current Opinion in Neurobiology
 Neural constraints on human number concepts
 Andreas Nieder

Current Opinion Neurobiology 2020
 The neuronal code for number
 Andreas Nieder
 Nature Reviews Neuroscience 2016
 REVIEW: Coding of abstract quantity by "number neurons" of the primate brain
 Andreas Nieder
 Journal of Comparative Physiology 2013
 A parieto-frontal network for visual numerical information in the monkey
 Andreas Nieder* and Earl K. Miller

Neuronal population coding of continuous and discrete quantity in the primate posterior parietal cortex

Oana Tudusciuc and Andreas Nieder*

PNAS 2007

A StimVis Délai séquences de potentiels d'action (1 ligne = 1 essai)

Activité (pA/sec) Temps (ms)

Neuronal population coding of continuous and discrete quantity in the primate posterior parietal cortex

Oana Tudusciuc and Andreas Nieder*

PNAS 2007

A StimVis Délai

Activité (pA/sec) Temps (ms)

Entre Q=2 et Q=3 $\Delta(2,3) < 1 \text{ pa/s}$
 $0.1 \text{ pa}/100 \text{ ms}$
 $0.6 \text{ pa}/600 \text{ ms}$

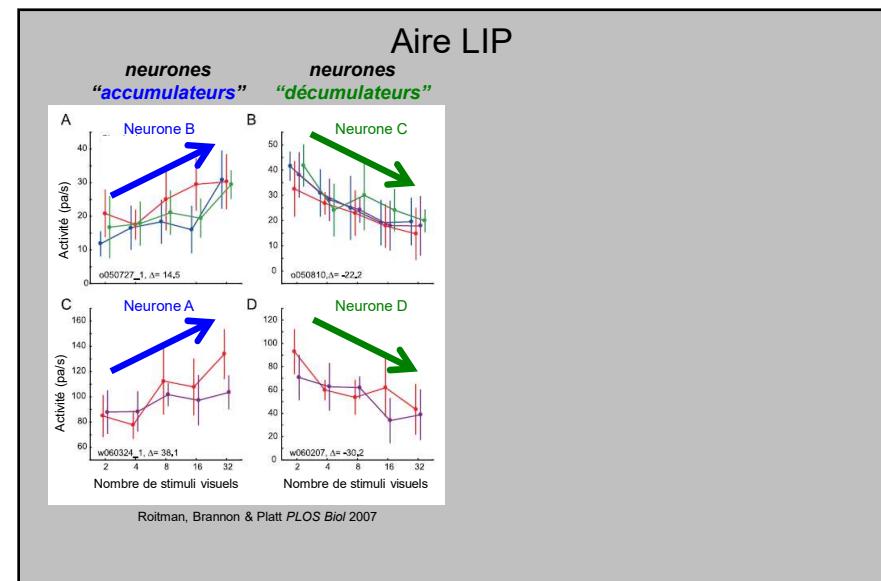
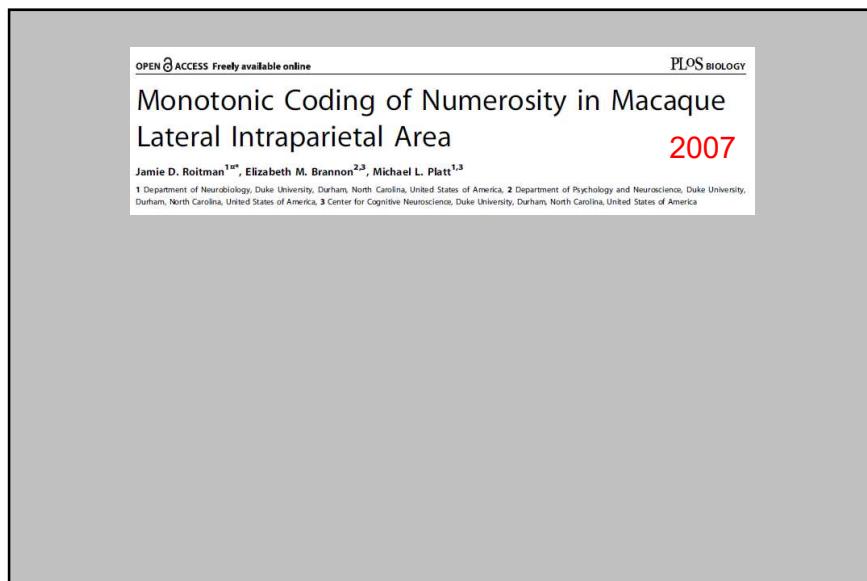
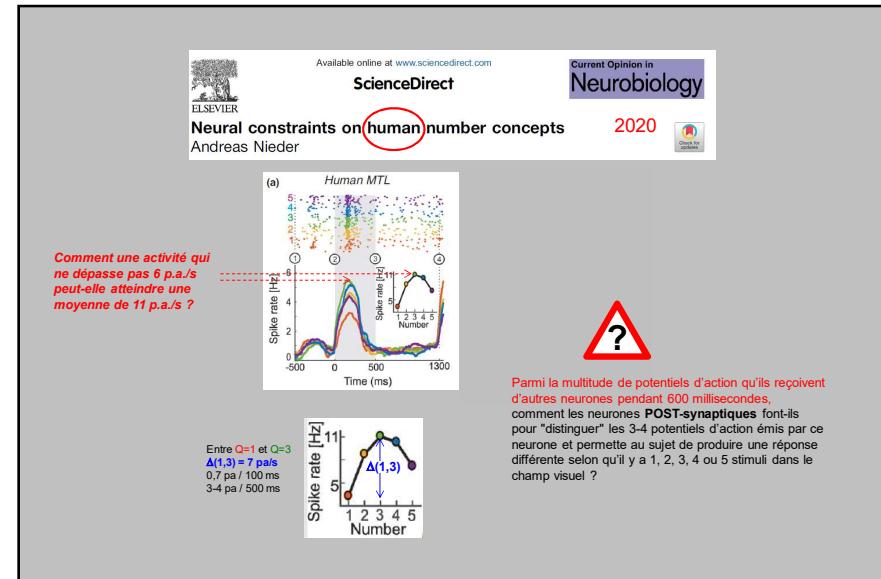
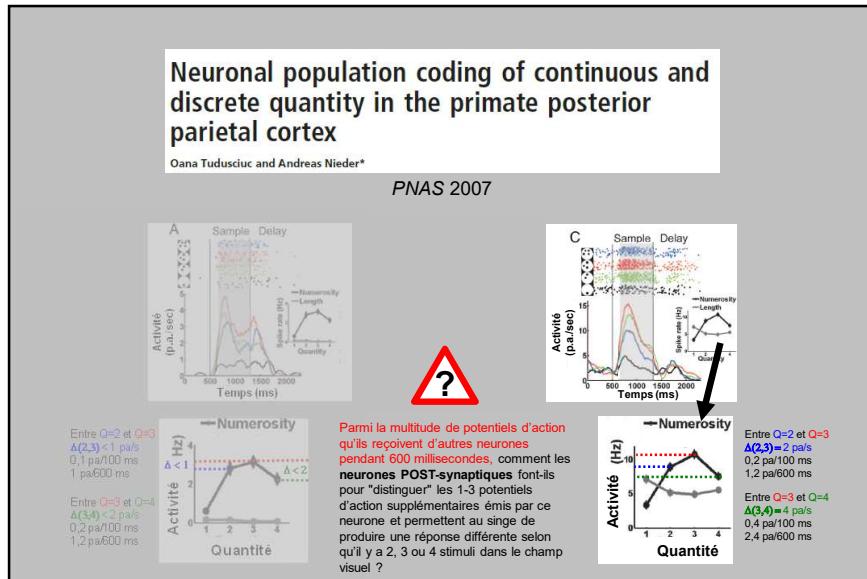
Entre Q=3 et Q=4 $\Delta(3,4) < 2 \text{ pa/s}$
 $0.2 \text{ pa}/100 \text{ ms}$
 $1.2 \text{ pa}/600 \text{ ms}$

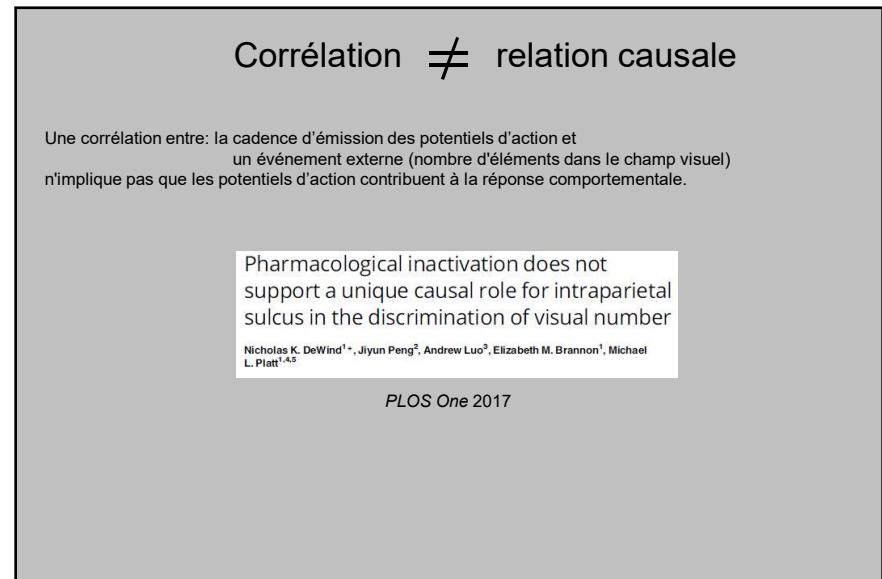
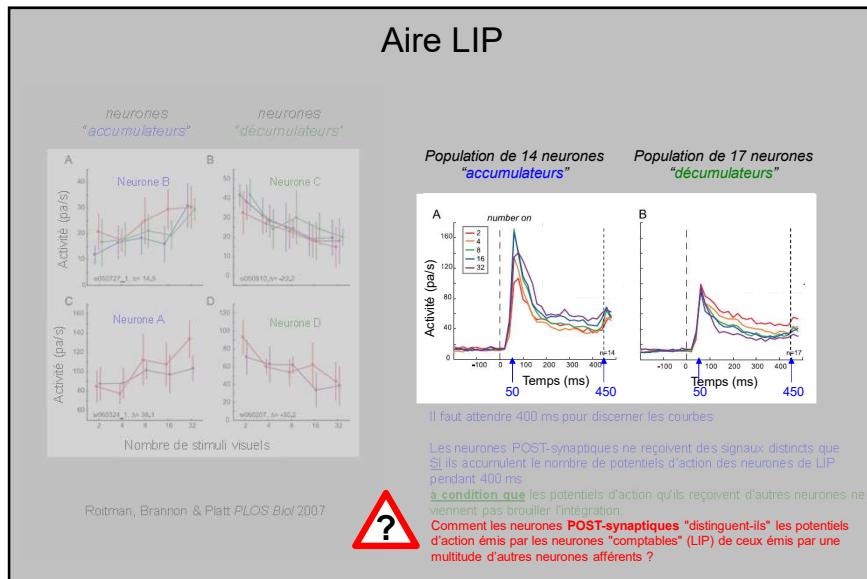
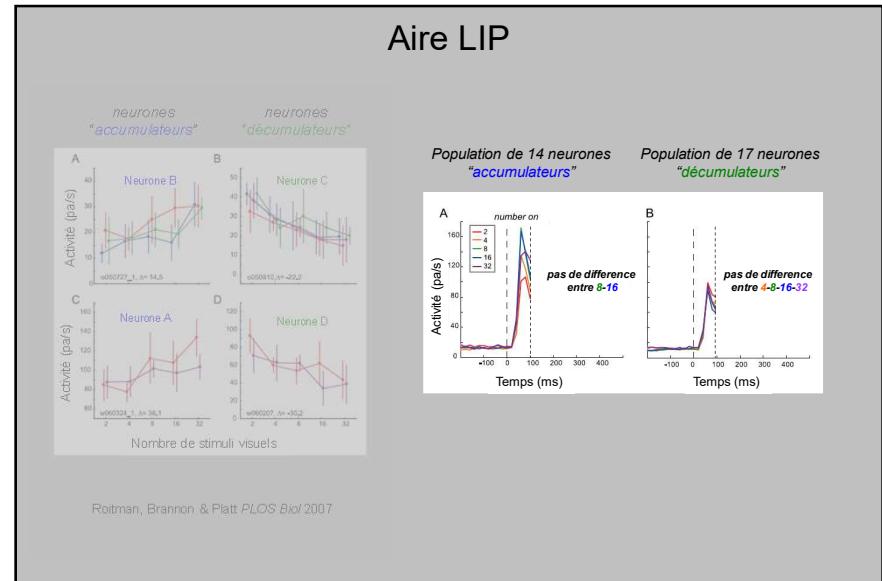
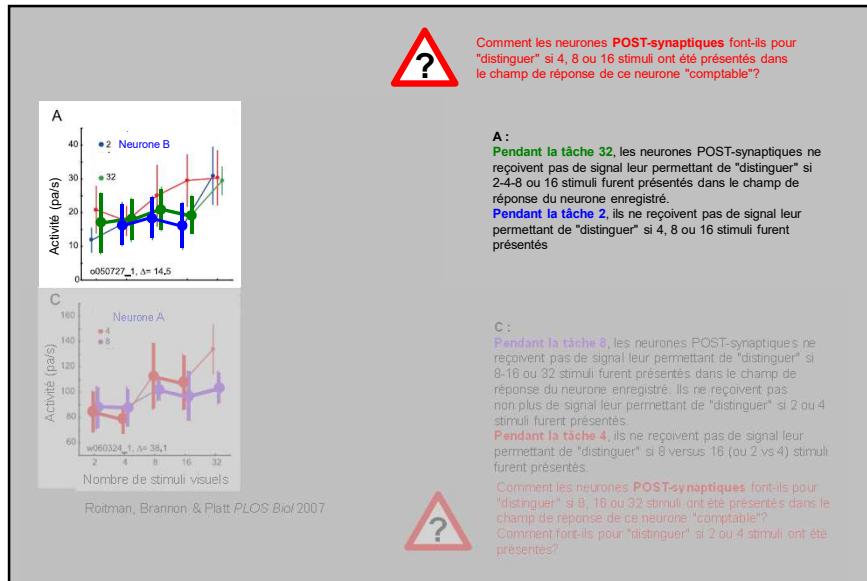
Numerosity

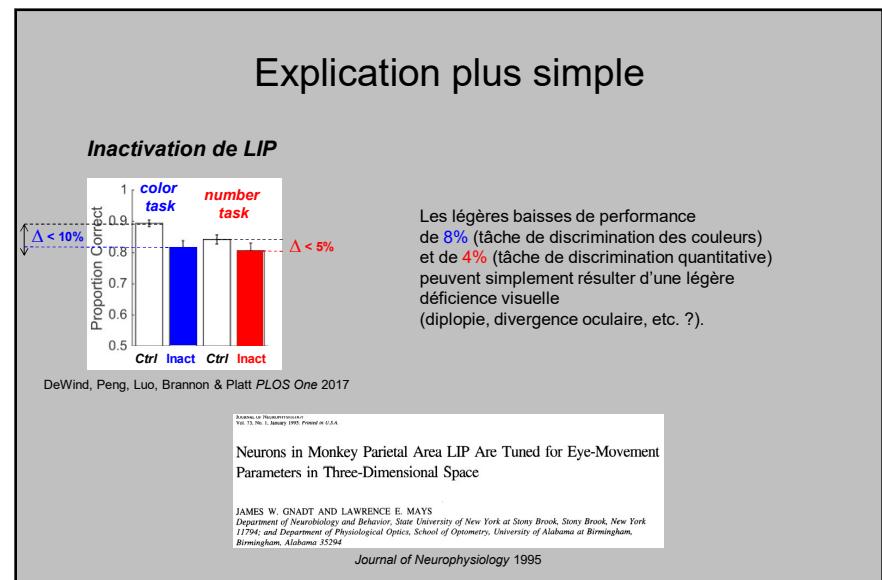
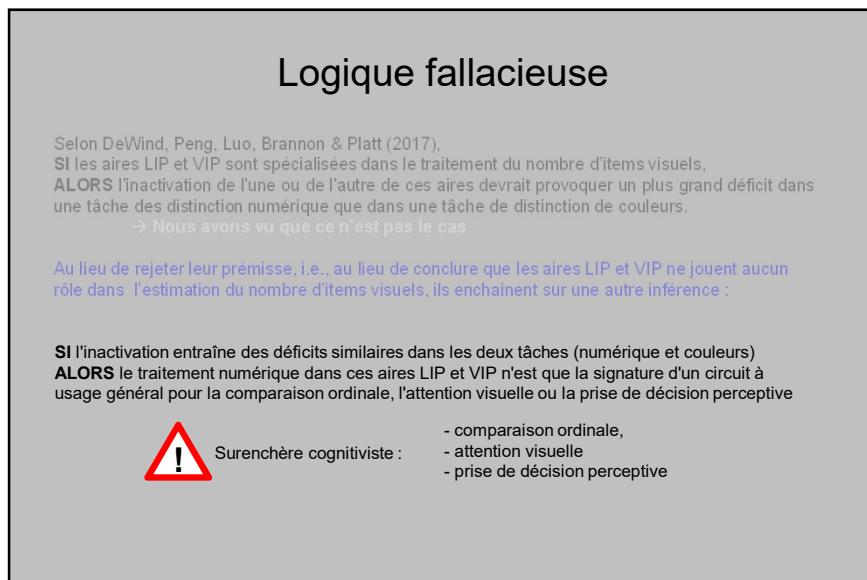
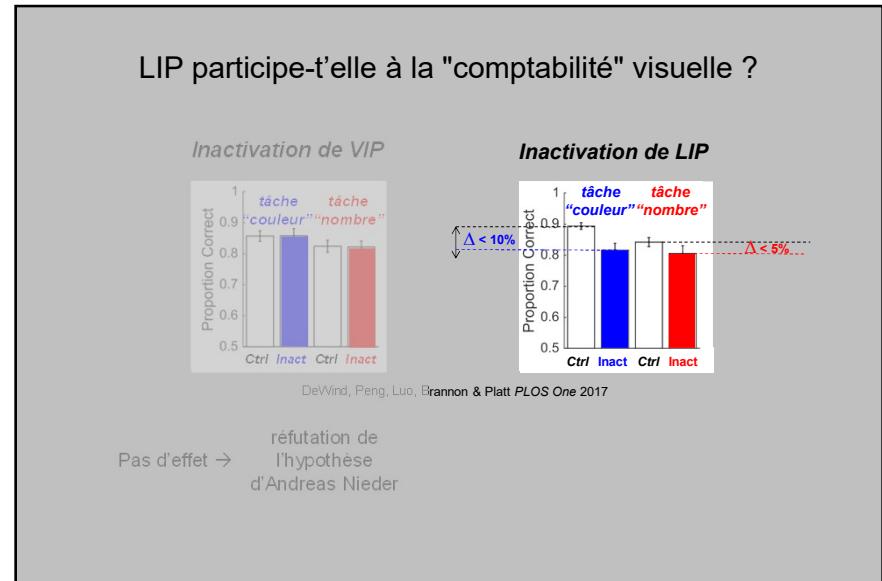
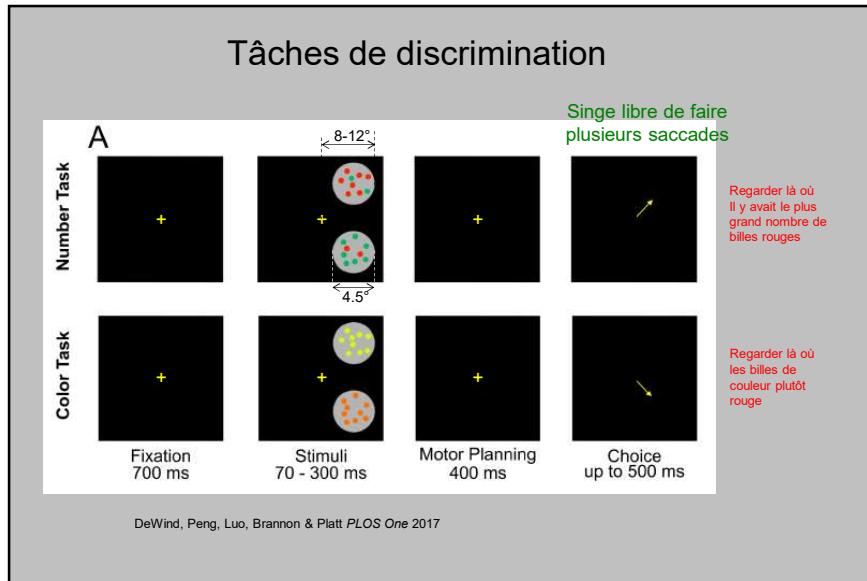
Activité (Hz) Quantité

?

Parmi la multitude de potentiels d'action qu'ils reçoivent d'autres neurones pendant 600 millisecondes, comment les neurones POST-synaptiques font-ils pour "distinguer" le potentiel d'action supplémentaire émis par ce neurone et permettent au singe de produire une réponse différente selon qu'il y a 2, 3 ou 4 stimuli dans le champ visuel ?







Conclusion

L'implication du cortex pariétal dans une "cognition" numérique ne repose sur aucune preuve neurophysiologique chez le singe macaque.

Les études d'imagerie cérébrale chez l'Homme ne disent rien de l'activité des neurones. Le signal fMRI-BOLD témoigne d'une **activité PRE-synaptique** et pas de l'émission de potentiels d'action (Lippert et al. *Magnetic Resonance Imaging* 2010). Plus d'activité PRE-synaptique ne signifie pas plus de potentiels d'action (à cause des afférences inhibitrices).

Au cours des dernières décennies, une **confusion** s'est installée dans les sciences du cerveau entre

- certains concepts
- les mesures (et leurs transformations numériques) et
- les processus physiologiques qui engendrent le phénomène mesuré.

Les limitations des mesures et les notions théoriques qui leur étaient un peu trop hâtivement associées ont conduit quelques auteurs et surtout une **multitude de suivreurs** à soutenir des thèses nativistes et évolutionnistes, comme celles d'un codage dans le cerveau de l'espace, du temps, des nombres, de la géométrie et de l'arithmétique.

Les neurosciences ont négligé le fait qu'une multitude de **structures cognitives** sont **externes** à l'individu, à savoir les "instruments externes (livres, bibliothèques, instruments de calcul et d'observation...) et les **structures sociales de productions et de cumulation des connaissances** (encyclopédies, sociétés savantes etc.)" (Sylvain Auroux 1998).

"Les mathématiques sont une œuvre d'art collective qui tirent leur objectivité des interactions sociales." (Rav 1988)

"Le siège de la rationalité scientifique n'est pas le scientifique individuel mais la communauté scientifique" (Solomon 1996)

Merci de votre attention

Pour plus d'informations : <https://cv.hal.science/laurent-goffart>

Diaporama

**Cérébralisation de la notion d'espace
Critique des thèses nativistes ...**

Aix-Marseille Université
Socialement engagée

THÈSE DE DOCTORAT
Soutenue à Aix-Marseille Université
le 14 décembre 2022 par
Laurent Goffart

Le cerveau en trompe-l'œil des sciences cognitives : Critique du plongement dans le fonctionnement cérébral de notions qui lui sont étrangères

Département : Philosophie
Ecole doctorale : ED 111 Cognition, Langage, Sciences cognitives et psychopathologie
Laboratoire/Partenaires de recherche : CNRS UMR 7304
Université : Aix-Marseille Université
Aix-en-Provence, France

Composition de Jury : Rapporteur : Thomas DE TITTE, Université de Lille ; Rapporteur : Président : INSERM, Grenoble Institut de Neurosciences ; Thèse : COLLEGE DE FRANCIA, Paris ; Examinateur : Jean-Jacques THOMAS, CNRS, Institut des Sciences Cognitives, Lyon ; Gabrielia CHOCO, Direction de thèse : Université de Lille ; Co-directeur de thèse : Ipcd 19, Aix-Marseille Université

<https://cnrs.hal.science/tel-04070171>